

PATRICIA DESIRÉE FLORES RAMÍREZ

23 sept 2005

# GEOMETRÍA ANALÍTICA

Prof. Pablo Barrera / Guilmer Gtz.

$$\textcircled{1} x^2 - 2xy + 10y^2 = 10 \Rightarrow$$

$$\begin{cases} \text{para } x=0, & y = \pm \sqrt{1} \\ \text{para } y=0, & x = \pm \sqrt{10} \end{cases}$$

~~buen trabajo!~~

Para poder despejar, se saca el cuadrado

$$(x-y)^2 = x^2 - 2xy + y^2$$

$$\therefore (x-y)^2 + 9y^2 = 10 \rightarrow x = \pm \sqrt{10 - 9y^2} + y$$

Despejada ya  $x$ , vemos que debe suceder que

para  $|y|$  muy chica,  $x \approx \pm \sqrt{10}$

$$10 - 9y^2 \geq 0$$

$$10 \geq 9y^2$$

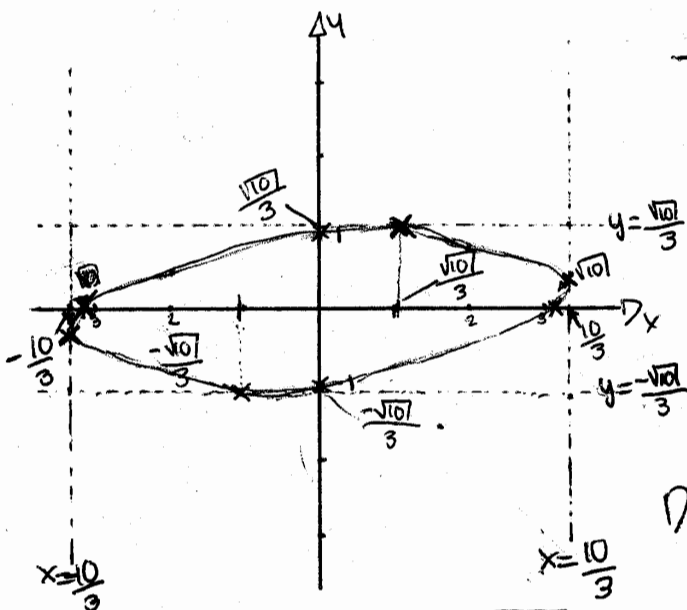
$$10/9 \geq y^2$$

$$\sqrt{10/9} \geq |y|$$

$$\therefore +\frac{\sqrt{10}}{3} \geq y \geq -\frac{\sqrt{10}}{3}$$

Donde para  $y = \frac{\sqrt{10}}{3}$ ,  $x = \frac{\sqrt{10}}{3}$   
y para  $y = -\frac{\sqrt{10}}{3}$ ,  $x = -\frac{\sqrt{10}}{3}$

$$\frac{\sqrt{10}}{3} \approx 1.05$$
  
$$\sqrt{10} \approx 3.16$$



Ahora se despeja  $y$ , también completando el cuadrado.

$$1 = y^2 - \frac{2xy}{10} + \frac{x^2}{10} \quad (y - \frac{x}{10})^2 = y^2 - \frac{2xy}{10} + \frac{x^2}{100}$$

$$1 = (y - \frac{x}{10})^2 + \frac{9x^2}{100}$$

$$y = \pm \sqrt{1 - \frac{9x^2}{100}} + \frac{x}{10}$$

para  $|x|$  muy chica,  $y \approx \sqrt{1}$

Debe suceder que

$$1 - \frac{9x^2}{100} \geq 0$$

Donde para  $x = \frac{10}{3}$ ,  $y = \frac{1}{3}$   
 $x = -\frac{10}{3}$ ,  $y = -\frac{1}{3}$

$$1 \geq \frac{9x^2}{100}$$

$$\sqrt{100/9} \geq |x|$$

$$10/3 \geq |x|$$

Teniendo ya algunos puntos gracias al despeje y al análisis, nos podemos dar cuenta que tratamos una como elipse y una ligera parecida.

$$\therefore +\frac{10}{3} \geq x \geq -\frac{10}{3}$$

②  $x^2 - 2xy - 10y^2 = 10$

para  $x=0$   $2y = \pm\sqrt{-10}$ ?  
 para  $y=0$ ,  $x = \pm\sqrt{10}$

Al igual que en el ejercicio anterior, podemos completar el cuadrado.

Tenemos que  $x^2 - 2xy + 10y^2 = (x-y)^2 + 9y^2$ , así que;

$$x^2 - 2xy - 10y^2 = x^2 - 2xy + 10y^2 - 20y^2$$

$$= (x-y)^2 + 9y^2 - 20y^2$$

$$10 = (x-y)^2 - 11y^2$$

$\therefore x = \pm\sqrt{10+11y^2} + y \Rightarrow$  para TODA  $y$  hay valor en  $x$   
 cuando  $y=0$ ,  $x = \pm\sqrt{10}$

para  $|y| \gg 1$ ,  $x \approx \sqrt{11}y + y$   
 $x \approx y(\sqrt{11}+1)$   $x \approx 3.31y + y$   
 $|y| > 0$ ,  $x \approx \sqrt{10}$

AHORA despejamos  $y$

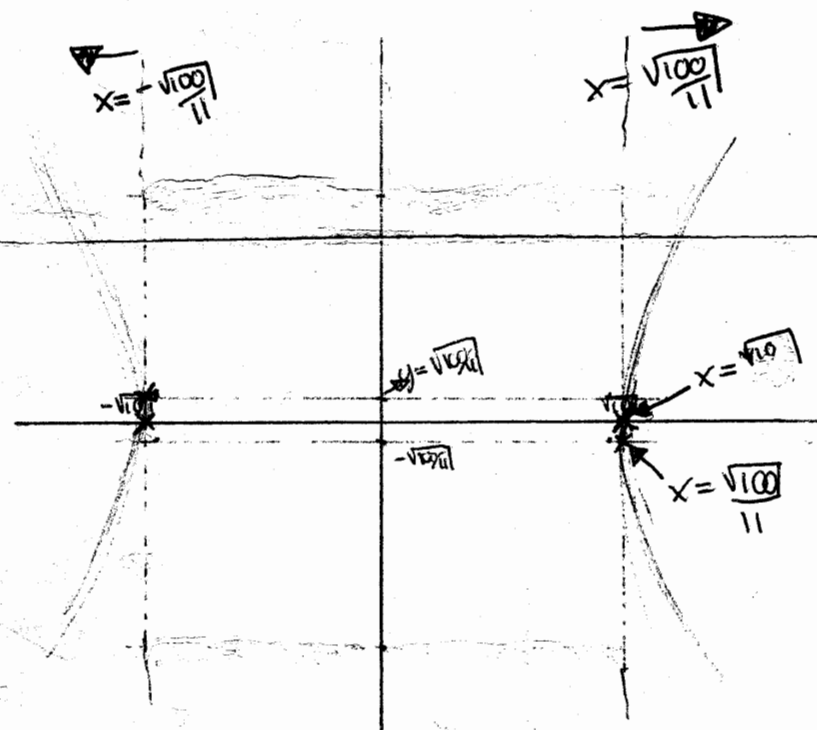
$$x^2 - 2xy - 10y^2 = 10$$

$$10y^2 + 2xy - x^2 = -10$$

$$y^2 + \frac{2xy}{10} - \frac{x^2}{10} = -1$$

$$y^2 + \frac{2xy}{10} + \frac{x^2}{100} - \frac{11x^2}{100} = -1$$

$$\left(y + \frac{x}{10}\right)^2 - \frac{11x^2}{100} = -1$$



$\therefore y = \pm\sqrt{\frac{11x^2}{100} - 1} - \frac{x}{10}$

para  $|x| \gg 1$   $y \approx x$

Lo que hace la ~~ser~~ última parte de la ecuación, es que desplaza los valores de  $y$ , haciendo que la gráfica deje de ser simétrica

$$\frac{11x^2}{100} - 1 \geq 0$$

$$\frac{11x^2}{100} \geq 1$$

$$x^2 \geq \frac{100}{11}$$

$$|x| \geq \sqrt{\frac{100}{11}}$$

$\therefore -\sqrt{\frac{100}{11}} \leq x \leq \sqrt{\frac{100}{11}}$

Cuando  $x = +\sqrt{\frac{100}{11}}$ ,  $y = -0.3015$   
 $x = -\sqrt{\frac{100}{11}}$ ,  $y = 0.3015$