

### Complejidad Computacional. Tarea 3

1. Sea  $L \subseteq \{0, 1\}^*$  tal que existe una PTM con tiempo polinomial de ejecución tal que  $\forall \alpha \in \{0, 1\}^*$

a) Si  $\alpha \in L$  entonces  $\Pr[M(\alpha) = 1] \geq n^{-c}$ ;

b) si  $\alpha \notin L$  entonces  $\Pr[M(\alpha) = 1] = 0$ .

Demuestra que para todo  $d > 0$  existe una  $M' \in$  PTM con tiempo polinomial de ejecución tal que  $\forall \alpha \in \{0, 1\}^*$ :

a) Si  $\alpha \in L$  entonces  $\Pr[M'(\alpha) = 1] \geq 1 - 2^{-n^d}$ ;

b) si  $\alpha \notin L$  entonces  $\Pr[M'(\alpha) = 1] = 0$ .

2. Demuestra que  $\mathbf{ZPP} = \mathbf{RP} \cap \mathbf{coRP}$ .

3. Demuestra que  $\mathbf{BPL} \subseteq \mathbf{P}$ , donde  $\mathbf{BPL}$  es la clase de lenguajes decidibles por PTM que utilizan espacio logarítmico.

Todos los ejercicios están tomados del libro de Arora, con variaciones.